Découvrir et utiliser les nombres premiers

le m'entraîne

26 a. 13 est premier, ses diviseurs sont 1 et 13

b. 18 n'est pas premier : il est divisible par 2

c. 23 est premier, ses diviseurs sont 1 et 23

d. 27 n'est pas premier : il est divisible par 3

e. 51 n'est pas premier : il est divisible par 3

f. 123 n'est pas premier : il est divisible par 3

44 a. On utilise le fait que $45 = 5 \times 9$ et donc $45 = 5 \times 3^2$

b. On utilise le fait que 65 est divisible par 5.

$$65 = 5 \times 13$$

c.
$$34 = 2 \times 17$$

d.
$$48 = 2 \times 24 = 2 \times 3 \times 8 = 2^4 \times 3$$

52 1. Sachant que: $8712 = 88 \times 99$

$$8712 = 8 \times 11 \times 9 \times 11$$

$$8712 = 2^3 \times 11 \times 3^2 \times 11$$

D'où
$$8712 = 2^3 \times 3^2 \times 11^2$$
.

2. a. 6 est un diviseur de 8712, on le retrouve dans la décomposition en facteurs premiers de 8712.

b. 33 est un diviseur de 8712.

c. 8 un diviseur de 8712.

d. $22 \times 3 \times 11$ est un diviseur de 8712.

e. 32×112 est un diviseur de 8712.

f. 22×7 n'est pas un diviseur de 8712, car 7 n'est pas un facteur premier de la décomposition en produit de facteurs premiers.

54 On utilise les critères de divisibilité pour simplifie les fractions :

a.
$$\frac{60}{40} = \frac{6}{4} = \frac{2}{3}$$

b.
$$\frac{126}{180} = \frac{14}{22} = \frac{7}{11}$$

c.
$$\frac{105}{90} = \frac{21}{18} = \frac{7}{6}$$

55 a. On cherche les facteurs communs au numérateur et au dénominateur

$$\frac{2^3 \times 5 \times 11}{2 \times 3 \times 5^2} = \frac{2^2 \times 11}{3 \times 5} = \frac{44}{15}$$

b.
$$\frac{2^2 \times 3^4 \times 5^2 \times 7}{2^4 \times 3^2 \times 5^2 \times 7^2} = \frac{3^2}{2^2 \times 7} = \frac{9}{28}$$